

Recap:

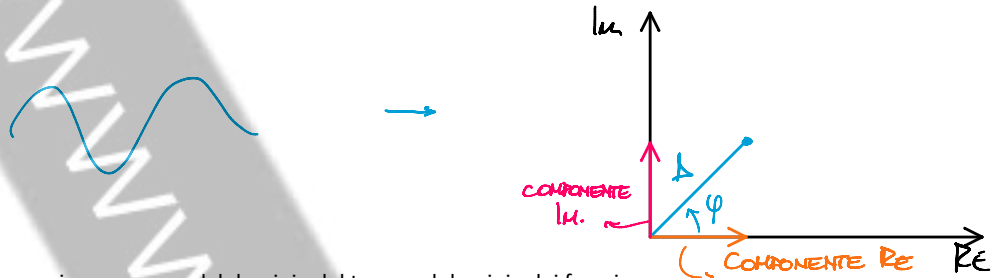
- > Abbiamo visto il video che confrontava DC e AC.
- > Possiamo scomporre tutti i suoni in tante onde che sommiamo.

- Ha il vantaggio di passare ogni tanto dallo 0 => è più facile interrompere un segnale che ogni tanto passi dallo 0.

$$x(t) = \underbrace{A\sqrt{2}}_{x_m} \cdot \cos(\omega t + \psi)$$

**DOMINIO DEL TEMPO.**  
 $\bar{X}(j\omega) = A e^{j\psi}$  → **FASORE RIFERITO A TALE  $x(t)$ .**  
**FASORE**  
**↳ DOMINIO DEI FASORI.**

-> possiamo trasformare l'onda in un punto rappresentato dal modulo e ampiezza:



=> possiamo passare dal dominio del tempo al dominio dei fasori.

$$\rightarrow A \neq x \cdot y$$

$$\rightarrow \bar{X}(j\omega) = \underbrace{A \cos(\psi)}_x + j \underbrace{A \sin(\psi)}_y \quad [\text{FORMA CARTESIANA}]$$

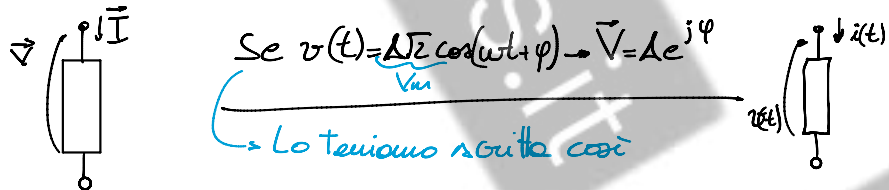
$$\begin{cases} \Delta = \sqrt{x^2 + y^2} \\ \psi = \arctan\left(\frac{y}{x}\right) \end{cases}$$

Fase: spostamento da asse x;  
 Modulo: altezza di onda;

- > Utilizzando il metodo dei fasori non dobbiamo fare derivate/integrali nel dominio del tempo.  
 => Quello che dovrei integrare/derivare nel dominio del tempo, diventa solo una somma algebrica nel dominio dei fasori.

$$\omega = 2\pi f \quad (314 \text{ rad/s}) \rightarrow \text{Tutto quello che studiamo ha questa pulsazione.}$$

Hp: teoria dei parametri alterni???



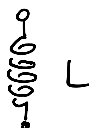
Che differenza c'è tra potenza nel dominio complesso (fasori) e potenza istantanea?

SIMBLI:

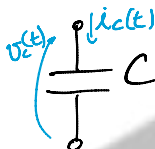


È un filo, un carico che consuma energia.

$$v(t) = R \cdot i(t)$$



$$v_L(t) = L \frac{di_L}{dt}$$



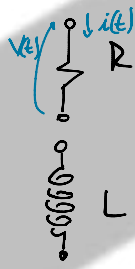
È una batteria

$$i_C = C \frac{dv_C}{dt} \quad \frac{d(q = C \cdot v)}{dt} = i_C$$

Steve analysis;  
 Business model canvas;  
 Analisi Swot;  
 -> 7 min per presentare project work;

T.Bucherot: le parti reali si sommano con le parti reali, le parti immaginarie si sommano solo con quelle immaginarie.

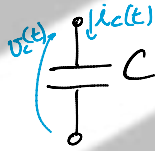
A: SEMIAMPEREZZA.



FASORI:

$$\vec{V}_R = R \vec{I}_R$$

$$\vec{V}_L = j\omega L \vec{I}_L$$

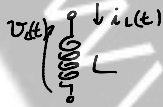


$$\vec{I}_C = j\omega C \vec{V}_C$$

Ricaviamo per lo stesso oggetto le formule e vediamo il legame che sussiste:

INDUTTORE:

-> Devo prendere una corrente sinusoidale, altrimenti non trasporto nulla.



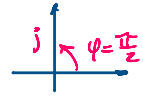
$$i_L(t) = i_m \cdot \cos(\omega t + \varphi) = i_m \cdot \sin(\omega t + \varphi + 90^\circ)$$

$$\Rightarrow v_L(t) = L \cdot \frac{d}{dt} i_L(t) = L \cdot i_m \cdot \omega \cos(\omega t + \varphi + 90^\circ)$$

$$\Rightarrow I_L = \frac{i_m}{\sqrt{2}} \cdot e^{j\varphi}$$

$$\vec{V} = j\omega L \cdot \frac{i_m}{\sqrt{2}} \cdot e^{j\varphi} \cdot \frac{e^{j\frac{\pi}{2}}}{e^{j\frac{\pi}{2}}} \quad \text{FORMA POLARE; } \vec{E} = j$$

$$= j\omega L \cdot \frac{i_m}{\sqrt{2}} \cdot e^{j\varphi} = j\omega L \cdot \vec{I}_L$$

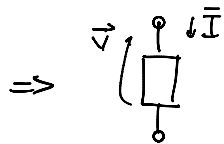


- Integrale nel tempo => dividiamo in d. Fasori;
- Derivata nel tempo => moltiplichiamo nei fasori.

Riscriviamo la formula dei fasori di  $I_C$  con  $V_C$  in funzione di  $I_C$ :

$$\vec{V}_C = \frac{1}{j\omega C} \cdot \vec{I}_C \cdot \frac{j}{j}$$

$$= -\frac{j}{\omega C} \cdot \vec{I}_C$$

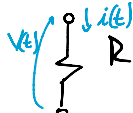


$$\vec{V} = \vec{Z} \cdot \vec{I}$$

Si chiama legge di Ohm simbolica che vale per il dominio dei fasori e leggo il rapporto tra il fasore della tensione e del fasore della corrente: Z.

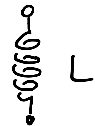
IMPEDENZA:  $\vec{Z} \triangleq \frac{\vec{V}}{\vec{I}}$

SIMBLI:



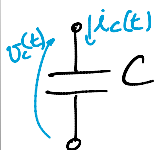
$$\vec{V}_R = R \vec{I}_R$$

$$\vec{Z}_R = R$$



$$\vec{V}_L = j\omega L \vec{I}_L$$

$$\vec{Z}_L = j\omega$$



$$\vec{I}_C = j\omega C \vec{V}_C$$

$$\vec{Z}_C = \frac{1}{j\omega C} = -j \left( \frac{1}{\omega C} \right)$$

-> Qualcuno chiama reattanza il valore dopo la j: (1/wc).

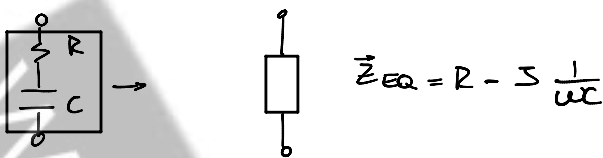
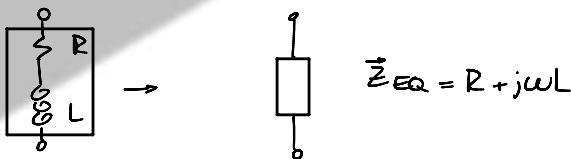
$$\vec{Z} = R + jX$$

↑ IMPEDENZA  
↑ REATTANZA  
↑ RESISTENZA

$$X_L = \omega L$$

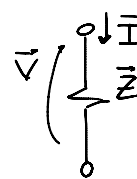
$$X_C = \frac{1}{\omega C}$$

$$\begin{cases} R + j\omega L \\ R - j\frac{1}{\omega C} \end{cases}$$



$$\vec{V} = \vec{Z} \cdot \vec{I}$$

$$\begin{cases} \sum_k \vec{V}_k = 0 & \text{(CAMMINO CHIUSO)} \\ \sum_j \vec{I}_j = 0 & \text{(SUPERFICIE CHIUSA)} \\ \vec{V}_{MN} = \frac{\sum_k \vec{E}_k R_k + \sum_j \vec{I}_j}{\sum \frac{1}{Z}} \end{cases}$$



Che relazione c'è tra potenza attiva e potenza reattiva che ci fa pagare di più nel mondo reale ...?  
Potenza complessa:

$$\vec{S} = \frac{\vec{V} \cdot \vec{I}}{Z}$$

$$\vec{S} = \vec{V} \cdot \vec{I} \quad [VA]$$

↑ COSTRUITO  
↑ POTENZA COMPLESSA

-> È un parente della potenza nel mondo dei fasori.

$$p(t) = v(t) \cdot i(t) : \text{POTENZA ISTANTANEA (AC/DC)}$$

Dato che siamo in AC:

$$v(t) = |v| \sqrt{2} \cdot \cos(\omega t + \varphi_v)$$

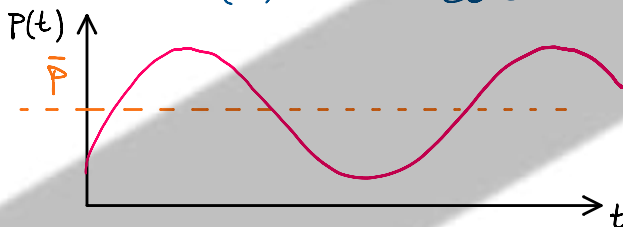
$$i(t) = |I| \sqrt{2} \cdot \cos(\omega t + \varphi_I)$$

Dato che i e v sono segnali armonici complessi, qual'è il valore della potenza vera?

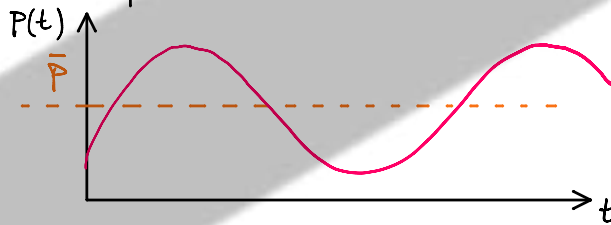
$$\Rightarrow p(t) = |v| \sqrt{2} \cos(\omega t + \varphi_v) \cdot |I| \sqrt{2} \cos(\omega t + \varphi_I)$$

$$= 2|v||I| \cdot \frac{1}{2} [\cos(\varphi_v - \varphi_I) + \cos(2\omega t + \varphi_v + \varphi_I)] =$$

$$= \underbrace{|v||I| \cos(\varphi_v - \varphi_I)}_{\text{COSTANTE } (\bar{P})} + \underbrace{|v||I| \cos(2\omega t + \varphi_v + \varphi_I)}_{\text{COSENO}}$$



- $\cos(\alpha)\cos(\beta) = \frac{1}{2} [\cos(\alpha - \beta) + \cos(\alpha + \beta)]$
- $\cos(\alpha + \beta) = \cos(\alpha)\cos(\beta) - \sin(\alpha)\sin(\beta)$



$$\bar{P} = |V||I| \cos(\varphi_V - \varphi_I)$$

FATTORE DI POTENZA.

$$\Delta\varphi = \varphi_V - \varphi_I$$

-> Gli sfasamenti vogliono dire che tanto più sono in fase tanto più è la potenza media.

=> I responsabili dello sfasamento sono gli induttori e i condensatori.

=> Potenza massima la ottengo quando ho il minor sfasamento tra corrente e tensione.

La potenza istantanea ha frequenza doppia rispetto a tensione e corrente.

Vediamo adesso cosa succede nel dominio dei fasori a trasformare la seguente coppia tensione e corrente:

$$v(t) = |v| \sqrt{2} \cdot \cos(\omega t + \varphi_0) \longrightarrow \vec{V} = |V| e^{j\varphi_V}$$

$$i(t) = |I| \sqrt{2} \cdot \cos(\omega t + \varphi_I) \longrightarrow \vec{I} = |I| e^{j\varphi_I} \quad (\vec{I}^* = |I| e^{-j\varphi_I})$$

Qual'è il prodotto tra I e V?

$$\begin{aligned} \vec{S} &= \vec{V} \cdot \vec{I}^* = |V||I| \cdot e^{j\varphi_V - j\varphi_I} \quad (\text{POLARE}) \\ &= |V||I| \cdot [\cos(\varphi_V - \varphi_I) + j \sin(\varphi_V - \varphi_I)] \end{aligned}$$

Che rapporto c'è tra potenza istantanea e potenza complessa?

Potenza attiva: potenza media istantanea in un periodo ( $P = \bar{P}$ );

- Se tensione e corrente hanno fase distante di  $90^\circ \Rightarrow$  non c'è potenza attiva.

Potenza reattiva:

- Se tensione e corrente sono perfettamente in fase  $\Rightarrow$  non esiste;

$\bar{P} \rightarrow |V||I| \cos(\varphi_V - \varphi_I) [W]$   
 $Q \rightarrow j |V||I| \sin(\varphi_V - \varphi_I) [VAR]$   
 $\bar{P}$ : POTENZA ATTIVA  
 $Q$ : " REATTIVA

$$p(t) = \underbrace{|V||I| \cos(\varphi_V - \varphi_I)}_{\text{COSTANTE } (\bar{P})} + \underbrace{|V||I| \cos(2\omega t + \varphi_V + \varphi_I + \varphi_I - \varphi_I)}_{\text{COSENO}}$$

$$\rightarrow |V||I| \cos(\underbrace{2\omega t + 2\varphi_I}_{\alpha} + \underbrace{(\varphi_V - \varphi_I)}_{\beta})$$

$$|V||I| [\cos(\varphi_V - \varphi_I) \cos(2\omega t + 2\varphi_I) - \sin(\varphi_V - \varphi_I) \sin(2\omega t + 2\varphi_I)]$$

$\cos(\alpha + \beta) = \cos(\alpha)\cos(\beta) - \sin(\alpha)\sin(\beta)$

$$\Rightarrow p(t) = \bar{P} + \bar{P} \cos(2\omega t + 2\varphi_I) - Q \sin(2\omega t + 2\varphi_I)$$

La potenza istantanea è una media più delle oscillazioni doppie.

- Se  $Q = 0 \Rightarrow$  la potenza istantanea oscilla (NON è vero che non oscilla), oscilla attorno alla media  $\bar{P}$ .

-  $A = P + jQ$ ;